

## **Laboratorium Dynamiki Maszyn**

### **Laboratorium nr 07**

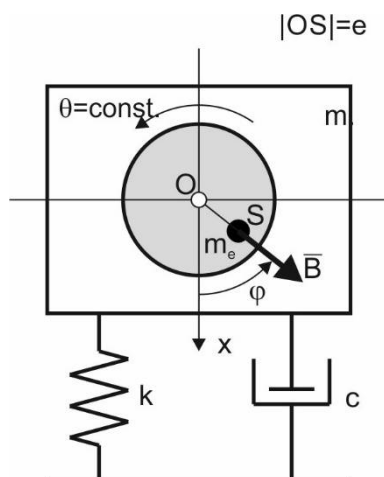
**Temat:** Drgania wymuszone

Przeanalizować drgania wymuszone przez niewyważenie masy wirującej z zastosowaniem stanowiska laboratoryjnego przedstawionego na rys. 1.



Rys .1. Układ wirnikowy

W tym celu przyjmujemy model układu pokazany na rysunku 2, w którym  $m$  – masa całego stanowiska,  $k$  – zastępczy współczynnik sprężystości zawieszenia,  $c$  – zastępczy współczynnik tłumienia zawieszenia.



Rys .2. Model stanowiska wirnikowego

Przyjęty model reprezentuje drgania całego stanowiska na sprężynach, przy założeniu jedynie ruchów pionowych całego stanowiska. Dynamiczne równanie ruchu masy stanowiska to

$$m\ddot{x} = -G - S + P(t) \quad (1)$$

gdzie  $G = c\dot{x}$  – siła reakcji tłumika (wynika z tłumienia wewnętrznego sprężyny),  $S = kx$  – siła reakcji sprężyny,  $P_x = B\cos(\theta t)$  – rzut siły bezwładności na oś pionową  $x$ ,  $B = m_e\theta^2 e$  – amplituda siły bezwładności,  $m_e$  – masa niewyważenia,  $e$  – promień niewyważenia,  $\theta$  – prędkość kątowa wirującej masy.

Po uwzględnieniu sił, równanie ruchu zapisano w postaci

$$m\ddot{x} + c\dot{x} + kx = m_e\theta^2 e\cos(\theta t) \quad (2)$$

## Katedra Mechaniki Stosowanej i Robotyki

Wydział Budowy Maszyn i Lotnictwa, Politechnika Rzeszowska

a następnie przekształcono do formy

$$\ddot{x} + 2h\dot{x} + \omega_0^2 x = q \cos(\theta t) \quad (3)$$

gdzie  $2h = \frac{c}{m}$ ,  $\omega_0^2 = \frac{k}{m}$ ,  $q = \frac{m_e e}{m} \theta^2$ . Rozwiązanie powyższego równania to

$$x = B \cos(\theta t) \quad (4)$$

gdzie amplituda wymuszenia to

$$B = \frac{q}{\sqrt{(\omega_0^2 - \theta^2)^2 + 4h^2 \theta^2}} \quad (5)$$

Dzieląc licznik i mianownik przez  $\omega_0^2$ , uzyskano

$$B = \frac{\frac{m_e e}{m} \frac{\theta^2}{\omega_0^2}}{\sqrt{\left(1 - \frac{\theta^2}{\omega_0^2}\right)^2 + \frac{4h^2}{\omega_0^2} \frac{\theta^2}{\omega_0^2}}} \quad (6)$$

Oznaczając  $\frac{\theta}{\omega_0} = \alpha$  i  $\frac{2h}{\omega_0} = \beta$  uzyskano formę

$$B = \frac{\frac{m_e e}{m} \alpha^2}{\sqrt{(1 - \alpha^2)^2 + \beta^2 \alpha^2}} \quad (7)$$

w której  $\frac{m_e e}{m} = \delta_{st}$ . Dzieląc obustronnie równanie przez  $\delta_{st}$  uzyskano wyrażenie

$$\frac{B}{\delta_{st}} = \mu = \frac{\alpha^2}{\sqrt{(1 - \alpha^2)^2 + \beta^2 \alpha^2}} \quad (8)$$

które jest współczynnikiem uwielokrotnienia amplitudy.

A. Dla badanego stanowiska wykonać charakterystykę  $\mu(\alpha)$  – równanie (8).

Niezbędny bezwymiarowy współczynnik tłumienia  $\beta$  określić z równania (7). W tym celu przeprowadzić eksperyment pomiarowy wprowadzając układ w drgania rezonansowe wywołane niewyrównoważeniem masy. Wywołać zjawisko rezonansu mechanicznego na kierunku pionowym. W warunkach rezonansu, gdy  $\alpha = 1$ , równanie (7) upraszcza się do prostszej postaci. Na jego podstawie należy określić bezwymiarowy współczynnik tłumienia  $\beta$ .

Wartości potrzebne do określenia współczynnika  $\beta$  oszacować na podstawie wiedzy o analizowanym obiekcie oraz na podstawie wyników pomiarów:

masa stanowiska	$m = 18 \text{ kg}$
masa niewyważenia	$m_e$ przyjąć zgodnie z masą zamontowanego niewyważenia
promień niewyważenia	$e$ przyjąć zgodnie z miejscem montażu niewyważenia – patrz instrukcja obsługi urządzenia
amplituda przemieszczenia	$B$ określić na podstawie pomiarów drgań

## **Katedra Mechaniki Stosowanej i Robotyki**

Wydział Budowy Maszyn i Lotnictwa, Politechnika Rzeszowska

B. Przeprowadzić w pakiecie Matlab/Simulink symulację drgań wymuszonych układu przyjmując wartości uzyskane w poprzednich etapach. Zasymulować zjawisko rezonansu i dudnienia oraz drgania poza strefą rezonansową.

Student otrzymuje ocenę dostateczną jeśli poprawnie wykona zadania z części A.

Student otrzymuje ocenę bardzo dobrą jeśli poprawnie wykona zadania z części A i B.